

**Н.В. Шалаева**

**ДИНАМИЧЕСКИЕ ЗАДАЧИ  
МЕТОДА ОТРАЖЕННЫХ ВОЛН**

**УЧЕБНОЕ ПОСОБИЕ**

**по курсу «Динамические задачи  
метода отраженных волн»**

МОСКОВСКИЙ ГОСУДАРСТВЕННЫЙ УНИВЕРСИТЕТ  
имени М.В. Ломоносова  
ГЕОЛОГИЧЕСКИЙ ФАКУЛЬТЕТ  
КАФЕДРА СЕЙСМОМЕТРИИ И ГЕОАКУСТИКИ

Н.В. Шалаева

## ДИНАМИЧЕСКИЕ ЗАДАЧИ МЕТОДА ОТРАЖЕННЫХ ВОЛН

Учебное пособие по курсу  
«Динамические задачи метода отраженных волн»



УДК 550.834  
ББК 26.2  
Ш18

*Рекомендовано УМС геологического факультета МГУ  
в качестве учебного пособия для студентов,  
обучающихся по направлению «Геология»*

*Рецензенты:*

доктор физ.-мат. наук, профессор, зав. кафедрой сейсмометрии и геоакустики  
геологического факультета МГУ имени М.В. Ломоносова *М.Л. Владов*  
доктор физ.-мат. наук, профессор, зав. кафедрой геофизических методов исследования  
земной коры геологического факультета МГУ имени М.В. Ломоносова *А.А. Булычев*

**Шалаева Н.В.**

Ш18 Динамические задачи метода отраженных волн : учебное пособие  
по курсу «Динамические задачи метода отраженных волн» / Н.В. Шалаева. – М. : «КДУ», 2024. – 152 с.

ISBN 978-5-00247-025-9

Данное пособие соответствует курсу лекций для студентов 1 года магистратуры кафедры сейсмометрии и геоакустики геологического факультета МГУ имени М.В. Ломоносова.

В пособии рассмотрены теоретические вопросы, связанные с явлениями, определяющими динамические характеристики сейсмического волнового поля и прежде всего – отраженных волн. В приближении плоских гармонических волн исследуется распространение волн в неоднородных средах по мере усложнения моделей сред: идеально-упругие однородные, анизотропные, тонкослоистые, вязкоупругие. Описано распространение поверхностных волн различных типов. Рассмотрено отражение сферических волн от плоской границы и волны, порождаемые этой границей. Дан краткий обзор методов решения прямой динамической задачи сейсморазведки.

Пособие ориентировано на студентов – геофизиков старших курсов.

УДК 550.834  
ББК 26.2

© Шалаева Н.В., 2024  
© Издательство «КДУ», 2024

ISBN 978-5-00247-025-9

**Оглавление**

Предисловие.....
Введение.....
Глава 1. Основные положения теории
Глава 2. Свойства плоских волн в упругих однородных средах
2.1. Плоские гармонические волны.....
2.2. Неоднородные плоские гармонические волны.....
2.3. Потенциалы плоских волн .....
2.4. Выражение смещений и давления.....
Глава 3. Отражение и преломление упругими однородными изотропными границами
3.1. Границные условия .....
3.2. Отражение и преломление на границе (законы отражения и преломления).....
3.3. Отражение и преломление плоских волн.....
3.4. Отражение и прохождение Р-волн (законы отражения и преломления Р-волн).....
3.5. Отражение и прохождение Р-волн в полупространстве.....
3.6. Граница двух упругих полутяг.....
3.7. Потери на преломление при переходе от упругих границ.....
Глава 4. Волны в однородном упругом полупространстве
4.1. Влияние свободной поверхности.....
4.2. Отражение и преломление Р-волн от границы.....
Глава 5. Поверхностные волны в полупространстве
5.1. Волны Рэлея в однородном полупространстве.....
5.2. Волна Шольте/Стоунли на границе.....
5.3. Волны Лява .....
Глава 6. Отражение плоских волн
6.1. Полярно-анизотропная среда.....

го факультета МГУ  
для студентов,  
шю «Геология»

ой сейсмометрии и геоакустики  
.В. Ломоносова *М.Л. Владов*  
офизических методов исследования  
ени М.В. Ломоносова *А.А. Булычев*

енных волн : учебное пособие  
отраженных волн» / Н.В. Ша-

жий для студентов 1 года маги-  
стрики геологического факультета

вопросы, связанные с явлениями,  
ки сейсмического волнового поля  
тижении плоских гармонических  
однородных средах по мере услож-  
енодные, анизотропные, тонкослои-  
е поверхности волн различных  
оли от плоской границы и волны,  
зор методов решения прямой ди-

офизиков старших курсов.

УДК 550.834  
ББК 26.2

© Шалаева Н.В., 2024  
© Издательство «КДУ», 2024

<b>Оглавление</b>	5
Предисловие.....	5
Введение.....	7
Глава 1. Основные положения теории упругости .....	9
Глава 2. Свойства плоских волн в упругих средах.....	18
2.1. Плоские гармонические волны .....	18
2.2. Неоднородные плоские гармонические волны.....	20
2.3. Потенциалы плоских волн .....	22
2.4. Выражение смещений и давления через потенциалы.....	22
Глава 3. Отражение и преломление плоских волн на плоской границе между упругими однородными изотропными полупространствами .....	25
3.1. Границные условия .....	25
3.2. Отражение и преломление на границе упругих сред (нормальное падение).....	27
3.3. Отражение и преломление плоских волн SH на плоской границе .....	29
3.4. Отражение и прохождение P-волн на границе жидкого сред (наклонное падение).....	33
3.5. Отражение и прохождение P-волн на границе жидкого и твердого полупространств.....	36
3.6. Граница двух упругих полупространств .....	38
3.7. Потери на преломление при прохождении плоской волны через плоские границы .....	42
Глава 4. Волны в однородном упругом полупространстве со свободной границей .....	45
4.1. Влияние свободной поверхности на величину смещения .....	45
4.2. Отражение и преломление плоских волн на плоской свободной границе	46
Глава 5. Поверхностные волны в упругой среде .....	51
5.1. Волны Рэлея в однородном полупространстве со свободной границей	51
5.2. Волна Шольте/Стоунли на границе жидкого и упругого полупространств.....	55
5.3. Волны Лява .....	57
Глава 6. Отражение плоских волн на границе анизотропных сред. ....	62
6.1. Полярно-анизотропная среда (ВТИ) .....	63

6.2. Азимутально-анизотропная среда (ГТИ).....	68
6.3. Коэффициент отражения Р-волны на границе сред с вертикальной осью симметрии (ВТИ) или полярно-анизотропных сред .....	70
Глава 7. Отражение плоской волны от плоского слоя .....	76
7.1. Отражение плоской волны от тонкого однородного слоя с плоскими границами .....	76
7.2. Отражение плоской волны от градиентного слоя.....	85
Глава 8. Распространение плоских волн в поглощающих и рассеивающих средах.....	89
8.1. Основные понятия.....	89
8.3. Дисперсия скорости, обусловленная поглощением .....	92
8.4. Теоретические модели изотропных поглощающих сред .....	93
8.5. Влияние поглощения на сейсмический импульс .....	100
8.7. Экспериментальные измерения поглощения .....	102
8.8. Методы оценки поглощения по сейсмическим данным .....	104
8.9. Отражение плоских волн на границе неидеально-упругих сред .....	107
8.10. Рассеяние на неоднородностях среды. ....	109
Глава 9. Отражение сферической волны от плоской границы.....	112
9.1. Поле точечного источника, понятие ближней и дальней зоны.....	112
9.2. Представление сферической волны как суммы плоских волн.....	114
9.3. Отражение сферической волны от плоской границы .....	118
9.4. Головная волна.....	120
9.5. Волна Рэлея.....	124
Глава 10. Краткий обзор методов решения прямой динамической задачи – математического моделирования волновых полей .....	126
10.1. Асимптотические методы .....	127
10.2.Методы, базирующиеся на разложении по плоским волнам .....	133
10.3 Матричные методы.....	134
10.4. Прямые численные методы.....	138
10.5 Методы, использующие интегральные уравнения.....	142
Список литературы .....	146

## Предисловие

Идея данного курса принадл профессору геологического факул Калинину, который и начинал его текстов своих лекций.

Теоретические основы сейсми практически все проблемы динамики учебниках и монографиях, среди к «Количественная сейсмология» К. А средах» Л.М. Бреходских, «Введен А.А. Кауфмана и А.Л. Левшина. Огром справочником на эту тему стала мо разведочной сейсмологии».

Эти блестящие книги, естес данного пособия, задача которого будут рассмотрены только прямые относящиеся к методу отраженных некоторые аспекты, связанные поверхностных и головных волн, так задачу проанализировать в предел основные факторы, влияющие сейсмических волн, распространяя решения указанной задачи принят рассматриваются либо наиболе волне (плоские гармонические в Основной принцип пособия – от изотропной идеально-упругой сред слоистым, поглощающим или транс

В пособии можно выделит особенности распространения пло когда процессы отражения-преломления частотного состава сейсмического рассмотрены процессы, вызывающ

В представлениях о морской терминологии, предложенной в несплошные (пористые, трещин неоднородные и т.д.

Пособие построено следую первая и вторая главы – где основные понятия теории упругости известные студентам из более ран

Учебное издание

**Шалаева Наталия Владимировна**

**Динамические задачи метода отраженных волн**

*Учебное пособие*

Компьютерная верстка ООО «Эксперт-диагностика»

Подписано в печать 20.05.2024.  
Заказ № Т-2310. Бумага офсетная.  
Формат 60×84/8. Усл. печ. л. 17,67.  
Печать цифровая. Тираж 70 экз.

Издательство «КДУ»  
Тел.: (495) 638-57-34  
[www.kdu.ru](http://www.kdu.ru)