# \_\_\_ МАТЕМАТИЧЕСКОЕ МОДЕЛИРОВАНИЕ \_ В ЯДЕРНЫХ ТЕХНОЛОГИЯХ

УЛК 539.143

# СТРУКТУРА 1d2s ОБОЛОЧКИ НА ОСНОВЕ ДАННЫХ РЕАКЦИЙ ОДНОНУКЛОННЫХ ПЕРЕДАЧ

© 2016 г. М. Л. Маркова<sup>а</sup>, Т. Ю. Третьякова<sup>b</sup>, Н. А. Федоров<sup>а, \*</sup>

<sup>a</sup> Московский государственный университет имени М.В. Ломоносова, Физический факультет, Москва <sup>b</sup> Научно-исследовательский институт ядерной физики имени Д.В. Скобельцына Московского государственного университета имени М.В. Ломоносова, Москва \*e-mail: na.fedorov@physics.msu.ru

Поступила в редакцию 29.12.2016 г.

Методом совместного анализа данных реакций срыва и подхвата нуклонов определены энергии и заселенности одночастичных состояний 1d2s оболочки в стабильных изотопах кремния  $^{28}$ Si и  $^{30}$ Si. На основе полученных результатов и имеющихся экспериментальных данных рассмотрена динамика изменения структуры протонной 1d2s оболочки с ростом числа нейтронов в изотопах кремния с A=26–34.

*Ключевые слова*: спектроскопия атомных ядер, реакции однонуклонных передач, изотопы Si, одночастичные энергии

**DOI:** 10.1134/S2079562916040114

#### **ВВЕДЕНИЕ**

Одним из интереснейших вопросов современной ядерной физики является вопрос об изменениях одночастичной структуры атомных ядер по мере удаления от линии стабильности [1]. Появление новых магических чисел, модификация оболочечной структуры и распределения нуклонной плотности в экзотических ядрах дают новую информацию о свойствах ядерных сил. При этом исследование одночастичных спектров нейтронно-избыточных ядер сильно затруднено ввиду трудности их получения и малого времени жизни, и в такой ситуации особую важность приобретают теоретические модели, а экспериментальная спектроскопическая информация имеет особую ценность.

Традиционно, важнейшим источником информации об одночастичной структуре атомных ядер являются реакции однонуклонных передач. В свое время был собран значительный объем экспериментальной информации по спектроскопии стабильных ядер, что привело к необходимости привлечения методик согласованного анализа данных [2, 3]. С появлением экспериментов по экзотическим нейтронноизбыточным системам встает вопрос о рассмотрении систематик ядер не только в рамках единого теоретического подхода, но и с общей точки зрения на экспериментальные ланные.

В настоящей работе рассмотрена цепочка четных изотопов кремния A = 26-34, включающая в себя стабильные изотопы <sup>28</sup>Si и <sup>30</sup>Si, для которых

имеется достаточное количество экспериментальных данных. Согласно простейшей оболочечной модели, изотоп <sup>28</sup>Si соответствует полностью заполненным протонной и нейтронной подоболочкам  $1d_{5/2}$ , в  $^{30}{
m Si}$  также полностью заполнена нейтронная подоболочка  $2s_{1/2}$ . Однако давно известно, что данная концепция не подтверждается экспериментальными данными, и для описания ядер sd оболочки необходимы учет деформации и рассмотрение эффекта смешивания конфигураций. Тем не менее, ввиду небольшого числа нуклонов, изотопы кремния являются интереснейшим тестом для современных оболочечных моделей, как с точки зрения проявления пар неклассических магических чисел Z = 14, N = 14 и Z = 14, N = 16, так и с точки зрения модификации свойств протонной sd оболочки с ростом числа нейтронов.

# СПЕКТРОСКОПИЯ ИЗОТОПОВ $^{28}$ Si И $^{30}$ Si

Эволюция одночастичных состояний протонов в цепочке изотопов кремния ранее была рассмотрена в работе [4], при этом для расчета энергии подоболочки  $1d_{5/2}$  использовались экспериментальные данные, полученные в реакциях подхвата, а для подоболочек  $2s_{1/2}$  и  $1d_{3/2}$  — по реакциям срыва. Энергии одночастичных состояний нуклонов в случае реакции подхвата  $E_{nlj}^-$  и реакции срыва  $E_{nlj}^+$  могут быть получены как

$$E_{nlj}^{-} = -B(A) - C_{nlj}^{-}, \tag{1}$$

$$E_{nlj}^{+} = -B(A+1) + C_{nlj}^{+}, (2)$$

где B(A) — энергия отделения соответствующего нуклона от ядра (A, Z), а учет фрагментации возбужденного состояния *nli* производится с помощью центроидов энергий возбужденных состояний  $C_{nli}^{\pm}$  в конечных ядрах (A+1) и (A-1). Расчеподанным формулам дают различные результаты для одной и той же подоболочки, кроме этого, точность спектроскопических факторов невысока. Более согласованный результат дает совместный анализ данных реакции срыва и подхвата. Дифференциальное сечение реакций однонуклонных передач в борновском приближении может быть представлено в виде:

$$\frac{d\sigma}{d\Omega_{i}}(l,j,\theta) = NG_{i}^{\pm}(l,j)\frac{\sigma_{DWBA}}{d\Omega}(l,\theta), \tag{3}$$

где  $\sigma_{\it DWBA}$  — сечение реакции, полученные из расчетов в борновском приближении искаженных волн,  $G_i^{\pm}(l,j)$  — спектроскопическая сила, N нормировочный коэффициент, выбираемый так, что  $\sum_{i} G_{i}^{\pm}(l,j)$  равна числу вакансий (+) или частиц (–) на подоболочке. Тогда одночастичные энергии  $E_{nli}$  и заселенности подоболочек  $\mathbf{v}_{nli}^2$ определяются следующим образом:

$$E_{nlj} = \frac{G_{nlj}^{+} E_{nlj}^{+} + G_{nlj}^{-} E_{nlj}^{-}}{G_{nlj}^{+} + G_{nlj}^{-}},$$
 (4)

$$v_{nlj}^2 = \frac{G_{nlj}^- - G_{nlj}^+ + 2j + 1}{2(2j+1)}.$$
 (5)

В данной работе был выполнен совместный анализ данных реакций срыва и подхвата протона и нейтрона для изотопов  $^{28}$ Si и  $^{30}$ Si. Были рассмотрены данные реакций однонуклонных передач, полученные в 44 экспериментах, проведенных с 1963 по 2000 год и охватывающих диапазон энергий налетающих частиц от 10 до 130 МэВ. Отбор наиболее согласованных между собой наборов экспериментальных данных производился на основе правил сумм [5]:

- Выполнение правила сумм для каждой из подоболочек  $1d_{5/2}$ ,  $2s_{1/2}$  и  $1d_{3/2}$ :

$$G_{nk}^+ + G_{nk}^- = 2i + 1.$$
 (6)

 $G_{nlj}^{+}+G_{nlj}^{-}=2j+1.$  (6) — Соответствие полного числа частиц и вакансий на оболочке 1d2s предсказаниям оболочечной модели.

Также учитывалась ошибки аппроксимации заселенностей БКШ функцией

$$v_{nlj}^{2} = \frac{1}{2} \left( 1 - \frac{E - E_{f}}{(E - E_{f})^{2} + \Delta^{2}} \right)$$
 (7)

и некоторые детали эксперимента, как то число зарегистрированных состояний и их энергетический диапазон.

В результате проведенного анализа были выбраны наиболее согласованные между собой (с точки зрения оболочечной модели) группы экспериментальных данных [6—12]. На их основе была произведена оценка одночастичных энергий протонов и нейтронов, а также заселенностей подоболочек  $1d_{5/2}$ ,  $2s_{1/2}$  и  $1d_{3/2}$  в изотопах <sup>28</sup>Si и <sup>30</sup>Si. Поскольку спектроскопия подхвата нейтрона для изотопа <sup>30</sup>Si является несколько недооцененной в энергетическом плане, для этих расчетов было проведено дополнение спектроскопии реакции подхвата нейтрона спектроскопией подхвата протона в соответствии с изоспиновым соотношением:

$$G(n) = \frac{G(p)}{2T+1}. (8)$$

В таблице приведены одночастичные энергии протонов и нейтронов в сравнении с расчетами методом Скирма-Хартри-Фока (SkHF) с параметризацией SkP [13]. Данная параметризация эффективно учитывает спаривание нуклонов в ядре без введения дополнительных параметров. Помимо этого указаны заселенности нейтронных и протонных подоболочек.

Следует отметить, что и критерии для отбора экспериментальных данных, и данные модельные расчеты основаны на предположении сферической симметрии ядра. В то же время известно, что изотоп <sup>28</sup>Si обладает существенной деформацией. Но. поскольку данные о деформациях остальных изотопов отсутствуют, использование сферического приближения в качестве модельного оправдано. Иллюстрацией могут служить результаты расчета полных энергий связи в приближении SkHF: если в случае  $^{28}$ Si отличие составляет 5 МэВ (2%), то для <sup>30</sup>Si отклонение расчетного значения полной энергии связи составляет 0.2 МэВ.

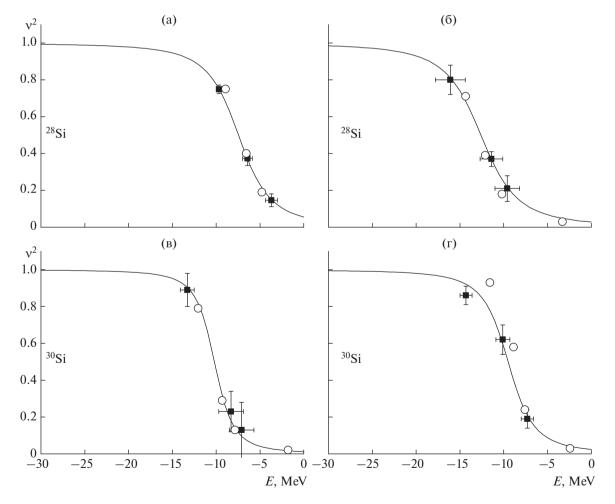
На рис. 1 показаны заселенности внешних нейтронных и протонных подоболочек в изотопах <sup>28</sup>Si и <sup>30</sup>Si в сравнении с результатами расчетов в дисперсионной оптической модели (ДОМ) [14]. Полученные результаты хорошо согласуются между собой. Изменение одночастичных энергий и заселенностей при добавлении пары нейтронов в <sup>30</sup>Si приводит к уменьшению размытия края ядра; по всей видимости, <sup>30</sup>Si обладает меньшей деформацией, чем <sup>28</sup>Si.

# НЕЙТРОННО-ИЗБЫТОЧНЫЕ ИЗОТОПЫ Si

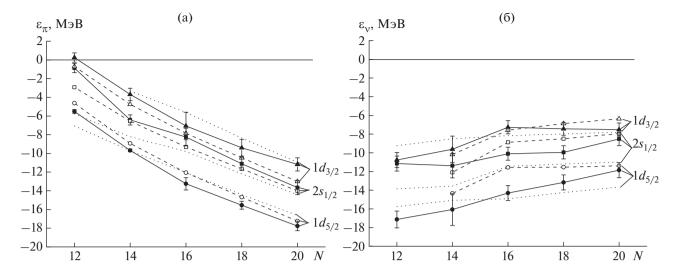
К сожалению, получение экпериментальной информации по ядрам, удаленным от линии стабильности, сильно затруднено. В связи с этим, для оценки положения внешних одночастичных состояний мы вынуждены, аналогично работе [4], использовать упрощенные соотношения (1) и (2), где значения центроидов заменены на энергию первых возбужденных состояний, имеющих соответствующие спин и четность. Таким образом, для изотопа <sup>26</sup>Si с использованием данных

Одночастичная структура 1d2s оболочки в изотопах  $^{28}$ Si и  $^{30}$ Si. Приведены одночастичные энергии и заселенности протонов ( $E^p_{nlj}$ , ( $\mathbf{v}^p_{nlj}$ ) $^2$ ) и нейтронов ( $E^n_{nlj}$ , ( $\mathbf{v}^n_{nlj}$ ) $^2$ ). В столбцах SkHF приведены результаты расчетов методом Хартри—Фока одночастичных энергий соответствующих состояний (МэВ)

$^{A}Z$	nlj	$E_{nlj}^{p}$ , M $\ni$ B	$(v_{nlj}^p)^2$	SkHF	$E_{nlj}^{n}$ , M $\ni$ B	$\left(v_{nlj}^{n}\right)^{2}$	SkHF
<sup>28</sup> Si	1d <sub>5/2</sub>	$-9.7 \pm 0.2$	$0.75 \pm 0.02$	-9.71	$-16.1 \pm 1.6$	$0.80 \pm 0.08$	-15.09
	$2s_{1/2}$	$-6.4 \pm 0.6$	$0.37 \pm 0.04$	-8.22	$-11.38 \pm 1.3$	$0.37 \pm 0.04$	-13.57
	$1d_{3/2}$	$-3.7 \pm 0.7$	$0.15 \pm 0.04$	-3.33	$-9.62 \pm 1.4$	$0.21 \pm 0.07$	-8.49
<sup>30</sup> Si	1d <sub>5/2</sub>	$-13.3 \pm 0.7$	$0.89 \pm 0.09$	-13.30	$-14.3 \pm 0.7$	$0.86 \pm 0.05$	-14.92
	$2s_{1/2}$	$-8.3 \pm 0.9$	$0.23 \pm 0.14$	-9.20	$-10.1 \pm 0.8$	$0.62 \pm 0.08$	-11.44
	$1d_{3/2}$	$-7.1 \pm 1.3$	$0.13 \pm 0.15$	-7.11	$-7.3 \pm 0.7$	$0.19 \pm 0.05$	-8.17



**Рис. 1.** Заселенности оболочки 1d2s в изотопах  $^{28}$ Si ((а) протоны, (б) нейтроны) и  $^{30}$ Si ((в) протоны, (г) нейтроны). Черными маркерами показаны результаты настоящей работы, пустыми кружками — результаты расчетов ДОМ [14].



**Рис. 2.** Одночастичные энергии (а) протонов и (б) нейтронов в изотопах кремния  $^{26-34}$ Si в зависимости от числа нейтронов *N*. Черными маркерами (сплошная линия) показаны результаты настоящей работы, пустыми кружками (штриховая линия) — результаты расчетов ДОМ [14], пунктир — расчеты SkHF.

реакций подхвата [15] были произведены оценки положения  $1d_{5/2}$  протонов, а по данным реакций срыва — положения состояний  $2s_{1/2}$  и  $1d_{3/2}$ . При оценке положения  $1d_{5/2}$  нейтронов учитывалось частичное заполнение подоболочки в соответствии с соотношением (4).

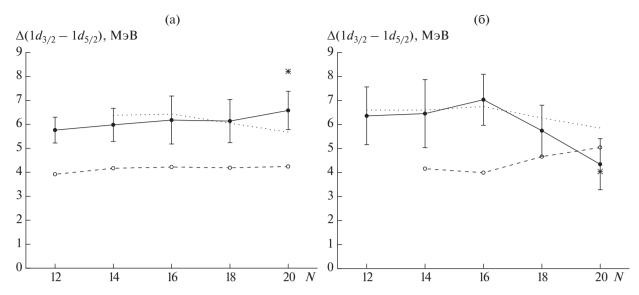
Для оценки положения нейтронных состояний в нейтронно-избыточных изотопах кремния <sup>32, 34</sup>Si использовалась аналогичная процедура со значениями заселенностей уровней в соответствии с оболочечной моделью. Оценки положения протонных подоболочек выполнены в предположении, что заселенности протонных уровней существенно не изменяются, поэтому усреднение (4) при расчете одночастичных энергий выполняется с учетом значений заселенностей подоболочек в <sup>30</sup>Si в качестве энергетических весов вкладов реакций срыва и подхвата. Подобное усреднение можно провести и для более тяжелых изотопов, однако, по мере ухода от N = 20 вопрос о заселенности протонных оболочек становится все более неолнозначным.

#### **РЕЗУЛЬТАТЫ**

На рис. 2 показаны результаты оценки одночастичных энергий протонов (а) и нейтронов (b) 1d2s оболочки в зависимости от числа нейтронов, полученные на основе данных ENSDF [15]. Для сравнения приведены результаты модельных расчетов ДОМ [14] и расчетов в рамках SkHF. Положение протонных уровней сильно меняется за счет существенного изменения центрального потенциала, в то же время энергия состояний нейтронов остается практически неизменной, то есть, избыток внешних нейтронов уравновеши-

вает влияние изменения потенциала с ростом общего числа нуклонов. Общий ход приведенных зависимостей энергии совпадает, но численные оценки различаются, и наиболее существенное отличие экспериментальных значений и модельных оценок относится к нейтронным подоболочкам в изотопах <sup>30, 32</sup>Si [16, 17].

Важной характеристикой 1d2s оболочки является зависимость спин-орбитального расщепления (разности энергий уровней  $1d_{5/2}$  и  $1d_{3/2}$ ) от нейтронного избытка. На рис. 3 представлены результаты, полученные на основе одночастичных энергий протонов (а) и нейтронов (б), в сравнении с модельными расчетами. Спин-орбитальное расшепление 1d2s оболочки v протонов составляет около 6 МэВ и несколько увеличивается с ростом N. Расчеты методом SkHF дают величину расщепления того же порядка, но с тенденцией к уменьшению с ростом N. Рост спин-орбитального расшепления подтверждается модельными расчетами ДОМ, однако его абслолютная величина в данной модели составляет 4 МэВ. Величина спин-орбитального расщепления в "магическом" N изотопе <sup>34</sup>Si имеет важное значение с точки зрения изучения дальнейшего изменения  $1d_{3/2} - 1d_{5/2}$ расщепления при переходе от N = 20 к N = 28. Включение в расчеты методом HF-BCS тензорных сил приводит к значению, превышающему 8 МэВ Спин-орбитальное расщепление нейтронной 1d2s оболочки (рис. 3, б) резко спадает с увеличением количества нейтронов до 4 МэВ в <sup>34</sup>Si. что существенно отличается от результатов модельных расчетов, однако согласуется с расчетами работы [17]. Следует отметить, что "магичности" комбинаций чисел Z = 14, N = 14 и Z = 14,



**Рис. 3.** Расщепление 1d2s оболочки (а) протонов и (б) нейтронов в изотопах кремния  $2^{6-34}$ Si в зависимости от числа нейтронов N. Черными маркерами (сплошная линия) показаны результаты настояшей работы, пустыми кружками (штриховая линия) — результаты расчетов ДОМ [14], пунктир — расчеты SkHF. Звездочкой отмечены результаты расчетов SkHF из работы [17].

N=16 не подтверждаются, в то же время увеличение  $1d_{3/2}-1d_{5/2}$  расшепления у протонов подтверждает гипотезу об "усилении" магического числа Z=14 в сочетании с классическиммагическим числом N=20.

# БЛАГОДАРНОСТИ

Авторы выражают благодарность И.Н. Бобошину, проф. Б.С. Ишханову, М.Е. Степанову за внимание к данной работе и полезные обсуждения, а также О.В. Беспаловой и А.А. Климочкиной за проявленный интерес и предоставленные данные.

## СПИСОК ЛИТЕРАТУРЫ/REFERENCES

- 1. Sorlin O., Porquet M.-G. // Prog. Part. Nucl. Phys. 2008. V. 61. P. 602.
- 2. Boboshin I.N. et al. // Nucl. Phys. A. 1989. V. 496. P. 93.
- 3. *Jenny Lee, Tsang M.B., Lynch W.G.* // Phys. Rev. C 2007. V. 75. P. 064320.
- 4. Cottle P.D. // Phys. Rev. C 2007. V. 76. P. 027301.

- French J.B., Macfarlane M.H. // Nucl. Phys. 1961. V. 26. P. 168.
- 6. Kozub R.L. // Phys. Rev. 1968. V. 172. P. 1078.
- 7. Mermaz M.C. et al. // Phys. Rev. C. 1971. V. 4. P. 1778.
- Dykoski W.W., Dehnhard D. // Phys. Rev. C. 1976. V. 13. P. 80.
- Mackh H., Mairle G., Wagner G. J. // Z. Phys A. 1974. V. 269. P. 353.
- 10. Haight R.C. et al. // Nucl. Phys. A. 1975. V. 241. P. 285.
- 11. Vernotte V. et al. // Phys. Rev. C. 1990. V. 2 P. 41.
- 12. *Piskoi S., Novak J.* // Nucl. Phys. A. 2000. V. 662 P. 112.
- Dobaczewski J., Flocard H., Treiner J. // Nucl. Phys. A. 1984. V. 422 P. 103.
- Bespalova O.V. et al. // Phys. Atom. Nucl. 2017. V. 80. P. 912–918.
- 15. National Nuclear Data Center, Brookhaven, Evaluated Nuclear Structure Data File. http://ie.lbl.gov/ensdf/.
- Tarpanov D., et al // Phys. Rev. C. 2008. V. 77. P. 054316.
- 17. Signoracci A., Brown B. A., Hjorth-Jensen M. // Phys. Rev. C. 2011. V. 83. P. 024315.

# Structure of the 1d2s Shell Based on One-Nucleon Transfer Reaction Data

### M. L. Markova<sup>1</sup>, T. Yu. Tretyakova<sup>2</sup>, and N. A. Fedorov<sup>1, \*</sup>

<sup>1</sup>Faculty of Physics, Lomonosov Moscow State University, Moscow, 119991 Russia
<sup>2</sup>Skobeltsyn Institute of Nuclear Physics, Lomonosov Moscow State University, Moscow, 119991 Russia
\*e-mail: na.fedorov@physics.msu.ru
Received December 29, 2016

**Abstract**—Single-particle energies and occupation numbers of 1d2s shell nucleons in  $^{28}$ Si and  $^{30}$ Si stable isotopes are obtained from the combined analysis of one-nucleon transfer experimental data. The dynamics of the structure of the 1d2s proton shell in silicon isotopes with the mass number A = 26-34 has been considered using these results and available experimental data.

Keywords: spectroscopy of atomic nuclei, one-nucleon transfer reaction, Si isotopes, single-particle energies